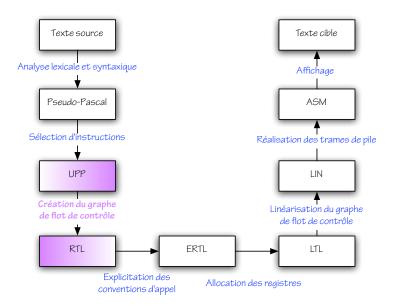
Création du graphe de flot de contrôle: de UPP à RTL Élimination des sous-expressions communes: de RTL vers lui-même

François Pottier

28 février 2007



Présentation de RTL

De UPP à RTL par l'exemple

Détails pratiques

Élimination des sous-expressions communes

Dans RTL.

- expressions et instructions structurées sont décomposées en instructions élémentaires organisées en graphe de flot de contrôle;
- les variables locales sont remplacées par des pseudo-registres.

Register Transfer Language (RTL)

Voici ce qui justifie ces choix:

- L'organisation en graphe facilite l'insertion ou la suppression d'instructions par les phases d'optimisation ultérieures.
- ▶ Elle est simple et générale: elle peut refléter les constructions while, repeat, for, if, case, break, continue, et même goto.
- La structure arborescente des expressions, exploitée lors de la sélection d'instructions, ne sera plus utile au-delà.
- ▶ Pour ne pas trop compliquer les choses, les pseudo-registres de RTL sont en nombre illimité et locaux à chaque fonction, donc préservés lors des appels. Le fait que les registres physiques sont en nombre fini et sont partagés par toutes les fonctions sera traité ultérieurement.

Register Transfer Language (RTL)

Voici une traduction de la fonction factorielle dans RTL:

```
      function f(\%0): \%1
      f3: addiu \%3, \%0, -1 \rightarrow f2

      var \%0, \%1, \%2, \%3
      f2: call \%2, f(\%3) \rightarrow f1

      entry f6
      f1: mul \%1, \%0, \%2 \rightarrow f0

      exit f0
      f4: li \%1, 1 \rightarrow f0

      f6: li \%1, 0 \rightarrow f5
      f5: blez \%0 \rightarrow f4, f3
```

Paramètre, résultat, variables locales sont des pseudo-registres. Le graphe est donné par ses labels d'entrée et de sortie et par une table qui à chaque label associe une instruction. Chaque instruction mentionne explicitement le ou les labels de ses successeurs.

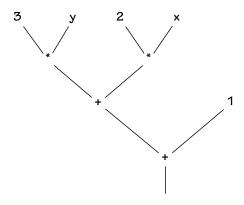
De UPP à RTL par l'exemple

Détails pratiques

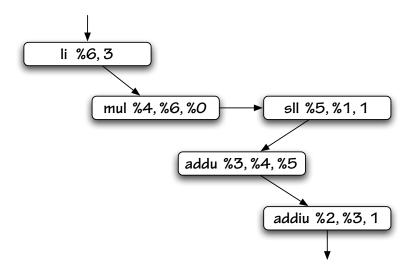
Élimination des sous-expressions communes

Traduction d'une expression

Voici l'arbre de syntaxe abstraite d'une expression UPP:



Voici sa traduction dans RTL:



Traduction d'une expression

L'exemple précédent illustre plusieurs points:

- ▶ Un *environnement* est nécessaire pour mémoriser le fait que x devient %1, y devient %2, etc.
- Un pseudo-registre frais reçoit le résultat de chaque sous-expression.
- Chaque (sous-)expression est traduite par un fragment de graphe doté d'un label d'entrée, un label de sortie, et un pseudo-registre destination distingués.
- ► Les fragments de graphe correspondant aux différentes sous-expressions sont *reliés* les uns aux autres d'une façon qui reflète *l'ordre d'évaluation* imposé par la sémantique de PP et UPP.

Traduction d'une conditionnelle

Voici une construction conditionnelle exprimée dans UPP:

if x < y then

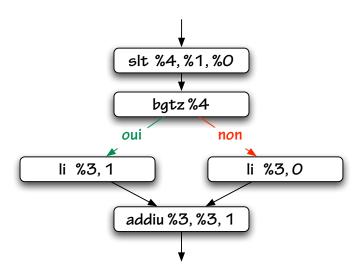
z := 1

else

$$z := 0;$$

$$z := z + 1$$

Voici sa traduction dans RTL:



Traduction d'une conditionnelle

L'exemple précédent illustre plusieurs points:

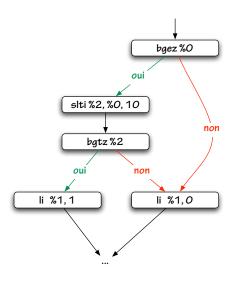
- ► La traduction la plus simple de la conditionnelle consiste à évaluer la condition vers un pseudo-registre, qui contient alors O ou 1, puis à utiliser (par exemple) l'instruction bgtz.
- Les deux branches se rejoignent à l'issue de la conditionnelle. On voit apparaître une structure de graphe acyclique et non simplement de liste.
- ► Chaque instruction est traduite par un fragment de graphe doté d'un label d'entrée et d'un label de sortie distingués.

Traduction d'une conditionnelle plus complexe

Voici une conditionnelle plus complexe:

```
if x \ge 0 and x \le 9 then
   chiffre := true
else
   chiffre := false
```

Voici sa traduction dans RTL:



Traduction d'une conditionnelle plus complexe

L'exemple précédent illustre plusieurs points:

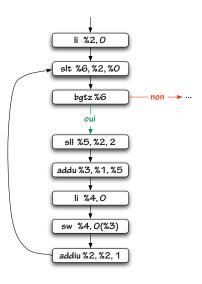
- ► Une conditionnelle peut parfois être traduite sans évaluer explicitement la condition: c'est ce que permettent les instructions spécialisées bgez, bgtz, blez, bltz, ble, bne.
- ▶ Si le test $x \ge 0$ échoue, on n'effectue pas le test $x \le 9$, ce qui reflète le comportement «court-circuit» du and imposé par la sémantique de PP et UPP.

Traduction d'une boucle

Voici enfin une boucle:

```
i := 0;
while i < n do begin
   t[i] := 0;
   i := i + 1
end</pre>
```

Voici sa traduction dans RTL:



Traduction d'une boucle

L'exemple précédent illustre le fait que les boucles rendent le graphe cyclique.

Toutefois, en l'absence de construction **goto** dans le langage source, les graphes obtenus restent *réductibles*: leurs boucles sont imbriquées de façon structurée.

Suit une petite digression...

Une caractérisation de la réductibilité

Un graphe de flot de contrôle est réductible si et seulement si, dans tout cycle, il existe un sommet qui domine les autres.

Un sommet m domine un sommet n si et seulement si tout chemin du point d'entrée du graphe vers n passe par m.

En bref, toute boucle admet un unique point d'entrée: on ne peut sauter directement à l'intérieur.

Voir par exemple « A fast algorithm for finding dominators in a flow graph », de Lengauer et Tarjan, pour en savoir plus sur la notion de domination.

Une seconde caractérisation de la réductibilité

Un graphe est réductible si et seulement si on peut le réduire à un unique sommet en répétant les deux transformations suivantes:

- ▶ fusionner un sommet avec son prédécesseur, si celui-ci est unique;
- ▶ supprimer une *auto-boucle*, c'est-à-dire une arête d'un sommet vers lui-même.

Les graphes réductibles ont été étudiés dans les années 1970. Voir par exemple « Characterizations of reducible flow graphs », de Hecht et Illmann.

Blocs de base

De nombreux compilateurs appliquent la transformation suivante:

fusionner les sommets m et n, si n est l'unique successeur de m et m l'unique prédécesseur de n.

Les sommets ainsi obtenus représentent alors non pas une instruction, mais une séquence d'instructions ayant la propriété que pour en exécuter une, il faut les exécuter toutes. De telles séquences (maximales) d'instructions sont appelées blocs de base.

Le graphe des blocs de base contient moins de sommets, ce qui conduit à des algorithmes plus efficaces en pratique.

Au-delà du graphe de flot de contrôle

Certains compilateurs emploient des structures plus avancées qu'un simple graphe de flot de contrôle.

Un graphe de flot de contrôle sous forme SSA garantit que chaque pseudo-registre reçoit une valeur en un unique sommet, qui domine tous les sommets où ce pseudo-registre est utilisé.

Voir «SSA is Functional Programming», d'Appel – 4 pages lisibles! – ou bien le chapitre 19 du livre d'Appel.

Un graphe sous forme SSA peut être représenté à l'aide d'un langage d'expressions arborescentes — voir «The anatomy of a loop», de Shivers, pour un exemple réaliste (et complexe).

Présentation de RTL

De UPP à RTL par l'exemple

Détails pratiques

Élimination des sous-expressions communes

Syntaxe abstraite de RTL

Voici le jeu d'instructions de RTL:

```
type instruction =
    IConst of Register.t * int32 * Label.t
    IUnOp of unop * Register.t * Register.t * Label.t
    IBinOp of binop * Register.t * Register.t * Register.t * Label.t
    ICall of Register.t option * Primitive.callee * Register.t list * Label.t
    ILoad of Register.t * Register.t * offset * Label.t
    IStore of Register.t * offset * Register.t * Label.t
    IGetGlobal of Register.t * offset * Label.t
    ISetGlobal of offset * Register.t * Label.t
    IGoto of Label.t
    IUnBranch of uncon * Register.t * Label.t * Label.t
    IBinBranch of bincon * Register.t * Register.t * Label.t * Label.t
```

Chaque instruction mentionne explicitement ses successeurs.

Syntaxe abstraite de RTL

Et voici les informations associées à une procédure ou fonction:

```
and procedure = {
  formals: Register.t list;
  result: Register.t option;
  runiverse: Register.universe;
  locals: Register.Set.t;
  luniverse: Label.universe;
  entry: Label.t;
  exit: Label.t:
  graph: graph
and graph =
    instruction Label.Map.t
```

Les modules Register et Label

Tous deux ont pour signature AtomSig.S:

```
module type S = sig
 type t
  type universe
  val new_universe: string → universe
  val fresh: universe → t
  val equal: t \rightarrow t \rightarrow bool
  val print: t \rightarrow string
  module Set: ...
  module Map: ...
  module SetMap: ...
end
```

Noter que les types Register.t et Label.t sont distincts.

De UPP à RTL

La traduction de UPP à RTL est confiée à deux modules:

- Upp2rtII implémente la traduction des expressions, conditions, et instructions, en supposant données quelques fonctions d'allocation de pseudo-registres et de labels;
- Upp2rtl fournit ces quelques fonctions ainsi que la traduction des procédures et programmes.

Interface de Upp2rtll

Voici l'interface upp2rtll.mli:

```
module Make (Env : sig
  val lookup: string → Register.t
  val allocate: unit → Register.t
  val generate: RTL.instruction → Label.t
  val loop: (Label.t \rightarrow Label.t) \rightarrow Label.t
end) : sia
  val translate_instruction: UPP.instruction \rightarrow Label.t \rightarrow Label.t
end
```

Upp2rtII.Make est un foncteur ou module paramétré.

Ce qu'attend Upp2rtll.Make

Ce foncteur exige qu'on lui fournisse d'abord:

- Une fonction lookup associant à chaque variable locale un pseudo-registre particulier. (Elle encapsule un environnement.)
- Une fonction allocate produisant un pseudo-registre frais à chaque appel. (Elle encapsule une référence vers un ensemble croissant de pseudo-registres.)

Ce qu'attend Upp2rtll.Make

Ce foncteur exige de plus:

au graphe de flot de contrôle un nouveau sommet, portant cette instruction. (Elle encapsule une *référence* vers le graphe en cours de construction.)

▶ Une fonction generate qui, étant donnée une instruction, ajoute

La spécification de generate conduit à construire le graphe d'arrière en avant.

Quels graphes peut-on construire avec generate seule?

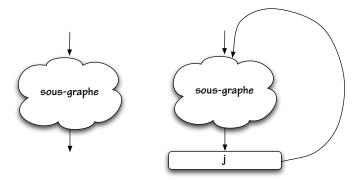
Ce qu'attend Upp2rtll.Make

Ce foncteur exige enfin:

▶ Une fonction loop qui, étant donné un sous-graphe doté d'un point d'entrée et d'un point de sortie distingués, construit une boucle autour de ce sous-graphe.

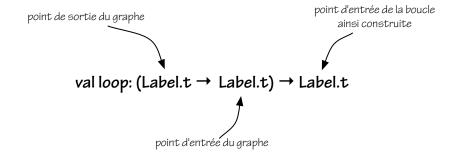
La fonction loop

Graphiquement, voici l'effet d'un appel à loop:



La fonction loop

Voici le type de loop:



Ce que fournit Upp2rtll.Make

Ce foncteur propose une fonction de traduction des instructions:

val translate_instruction: UPP.instruction \rightarrow Label.t \rightarrow Label.t

Étant donnée une instruction i et un label l, elle construit un sous-graphe dont la sémantique correspond à i, dont le point de sortie est l, et dont elle renvoie le point d'entrée.

Il s'agit toujours d'un schéma de construction d'arrière en avant.

Ce que fournit Upp2rtll.Make

De façon interne, ce foncteur construit également une fonction de traduction des conditions, où le sous-graphe construit a deux points de sortie:

val translate_condition: UPP.condition \rightarrow Label.t \rightarrow Label.t \rightarrow Label.t

et une fonction de traduction des expressions, à laquelle on doit indiquer dans quel pseudo-registre stocker le *résultat* de l'expression:

val translate_expression: Register.t \rightarrow UPP.expression \rightarrow Label.t \rightarrow Label.t

Présentation de RTL

De UPP à RTL par l'exemple

Détails pratiques

Élimination des sous-expressions communes

L'élimination des « sous-expressions communes » vise à supprimer certains calculs redondants.

Considérons par exemple le fragment de code suivant:

```
x := t[i];
t[i] := t[i-1];
t[i-1] := x :
```

Que vont produire les traductions de PP vers UPP puis RTL?

Une traduction naïve calcule quatre fois $$a0 + 4 \times $a3$:

```
addu $vO, $aO, $vO
sll $v0, $a3, 2
addu $vO, $aO, $vO
                               Iw $vO, −4($vO)
lw $a2, O($vO)
                               sw $vO, O($a1)
sII $v0, $a3, 2
                               sII $v0, $a3, 2
addu $a1. $a0. $v0
                              addu $vO. $aO. $vO
sII $v0. $a3. 2
                                    $a2, -4($v0)
                               SW
```

Ce calcul redondant est celui de l'adresse que l'on pourrait écrire, en C. sous la forme t + i.

En Pseudo-Pascal, le programmeur n'a aucun moyen de modifier le programme pour améliorer le code produit!

Exposé du problème

On préférerait obtenir ceci:

```
sII $v0. $a2. 2
addu $a1, $a0, $v0
lw $a3, 0($a1)
lw $vO, −4($a1)
  $vO, O($a1)
SW
     $a3, -4($a1)
SW
```

La multiplication et l'addition ne sont effectuées qu'une fois et leur résultat, à savoir l'adresse \$a1, est utilisée quatre fois.

Comment détecter les calculs redondants?

Plaçons-nous au niveau de RTL. L'idée est de simuler l'exécution du code en mémorisant des relations entre pseudo-registres:

sil%12, %2, 2%12 =
$$\mathfrak{sll}(\%2,2)$$
addu%11, %1, %12%11 = %1 + $\mathfrak{sll}(\%2,2)$ lw%3, $\mathfrak{O}(\%11)$ sil%10, %2, 2%10 = $\mathfrak{sll}(\%2,2)$ addu%6, %1, %10%6 = %1 + $\mathfrak{sll}(\%2,2)$

Dans un second temps, on transformera le code en utilisant cette information. (Comment?) Le résultat sera un nouveau programme RTL. Mémoriser naïvement des relations entre pseudo-registres serait incorrect:

Après l'instruction II, les deux équations deviennent fausses!

On pourrait les oublier purement et simplement, mais alors on perdrait leur conséquence %1=%2 qui, elle, reste vraie...

Une solution

Évitons de faire apparaître des objets modifiables - les pseudo-registres – au sein d'expressions mathématiques.

Utilisons des variables symboliques a, β, \ldots et associons à chaque pseudo-registre, en chaque point du code, une expression symbolique:

```
%0 contient a addiu %1,%0,1
%1 contient a + 1 addiu %2,%0,1
%2 contient a + 1 li %0.0
%O contient O
```

L'assertion «%O contient O» remplace l'assertion «%O contient a» mais n'invalide pas les deux assertions intermédiaires. On peut correctement conclure que %1 et %2 contiennent la même valeur finale.

Variables et expressions symboliques

La syntaxe abstraite des expressions symboliques sera:

$$e := a \mid k \mid op e \mid e op e$$

On se donne des variables symboliques en nombre infini.

On se donne des environnements associant des expressions symboliques aux pseudo-registres, et on effectue une exécution symbolique en avant.

Prise en compte des branchements

Pour du code linéaire, (presque) tout est dit, mais comment analyser un graphe de flot de contrôle?

Si une instruction a plusieurs successeurs, il suffit de distribuer à tous deux l'environnement obtenu à la sortie de cette instruction.

Si une instruction a plusieurs *prédécesseurs*, que faire? Il faudrait fusionner les environnements issus de chacun des prédécesseurs, mais certains d'entre eux n'ont peut-être encore été *jamais atteints* par l'analyse (le graphe peut être cyclique).

Une solution simple

Une solution simple consiste à découper le graphe en blocs de base étendus disjoints et à examiner chacun indépendamment.

Un bloc de base étendu est un arbre (maximal) d'instructions où chaque instruction, hormis la racine, a exactement un prédécesseur dans le graphe — son parent dans l'arbre.

C'est l'approche adoptée dans le petit compilateur.

Des approches plus ambitieuses

On peut vouloir mieux faire et détecter les calculs redondants à l'échelle du graphe de flot de contrôle tout entier.

La notion de domination et la forme SSA sont alors utiles. L'analyse devient significativement plus complexe.

Voir par exemple «Value numbering», de Briggs, Cooper, et Taylor Simpson.

Une fois l'exécution symbolique effectuée, la transformation du code est simple. Une instruction redondante, par exemple:

```
%1 contient a + 1 addiu %2, %0, 1
%2 contient a+1
```

est transformée en:

```
%1 contient a+1
                 move %2, %1
%2 contient a+1
```

Noter que cela suppose une notion d'égalité entre expressions symboliques. (Pourquoi? Comment la définir?)

Que deviendra cette instruction move dans les phases suivantes du compilateur?

Quelques points délicats (1)

Lorsque le résultat d'une instruction n'est pas exprimable à l'aide d'une expression symbolique, il est représenté par une variable symbolique fraîche.

C'est le cas par exemple des instructions lw, getg ou call de RTL:

%1 contient e **lw** %1,4(%0) %1 contient a

Quelques points délicats (II)

On peut ajouter les accès à la mémoire (ELoad) et aux variables alobales (EGetGlobal) à la syntaxe des expressions symboliques.

Cela permet par exemple d'éliminer le second **lw** ci-dessous:

```
\%0 contient a lw \%1,0(\%0)
%1 contient O(a) lw %2, O(\%0)
\%2 contient O(a) sw \%3, O(\%4)
15
                      %5,0(%0)
                  lw
```

Attention toutefois, les deux dernières assertions sont invalidées par l'instruction **sw**. La dernière instruction **lw** ne peut donc pas être éliminée, du moins pas sans une analyse d'aliasing plus poussée.

Quelques points délicats (III)

Réutiliser un résultat précédent augmente la durée de vie du pseudo-registre qui le contient, ce qui complique l'allocation de registres et peut mener à un code final moins efficace.

Si cette durée de vie vient traverser un appel de procédure, on devra typiquement utiliser un registre « callee-save » de plus.

Pour éviter cela, une approche prudente consiste à oublier toutes les informations amassées par l'exécution symbolique lorsque celle-ci traverse un appel de procédure.

Ne pas croire qu'une « optimisation » améliore toujours le code! Mesurer et penser aux interactions entre transformations.